

LÖSUNG ZU 808:

a) 1)

Mithilfe der Abbildung erkennen wir, dass sich die Zahl 832 841 auf das Jahr 2020 und die Zahl 481 307 auf das Jahr 2013 bezieht. Da $2\ 020 - 2\ 013 = 7$ ist, erkennen wir, dass es sich hier um einen Differenzenquotienten handelt. Das bereits vorgegebene Ergebnis können wir also wie folgt interpretieren:

In den Jahren von 2013 bis 2020 ist die Anzahl der gezählten Radfahrer/innen an der Zählstelle auf der Argentinierstraße um durchschnittlich rund 50 219 Radfahrer/innen pro Jahr gestiegen.

2)

Bevor wir den entsprechenden Wert für das Jahr 2025 berechnen können, müssen wir die lineare Funktion aufstellen.

Da R eine lineare Funktion ist, gilt also $R(t) = k \cdot t + d$ mit $k, d \in \mathbb{R}$. Laut Angabe müssen wir für die Ermittlung von k und d die Werte aus den Jahren 2013 und 2020 verwenden. Da $t = 0$ dem Jahr 2013 entspricht, erhalten wir den Wert von d direkt durch Ablesen des entsprechenden Wertes für das Jahr 2013 aus der Abbildung: $R(0) = d = 481\ 307$

Das Jahr 2022 entspricht dem Zeitpunkt $t = 9$. Durch Einsetzen des Wertepaares $(9; 1\ 097\ 544)$ und Umformen können wir k ermitteln:

$$1\ 097\ 544 = 9 \cdot k + 481\ 307 \Leftrightarrow k = 68\ 470,77 \dots$$

Nun ermitteln wir, welche Anzahl an gezählten Radfahrer/innen im Jahr 2025 zu erwarten ist.

Das Jahr 2025 entspricht dem Zeitpunkt $t = 11$. Wir müssen also nur $R(11)$ berechnen:

$$R(11) = 68\ 470,77 \dots \cdot 11 + 481\ 307 = 1\ 234\ 485,55 \dots$$

Laut diesem Modell sind also im Jahr 2025 rund 1 234 486 gezählte Radfahrer/innen zu erwarten.

b) 1)

Attila fährt also genau die Hälfte der Strecke ($\frac{15,4}{2} = 7,7$) mit einer durchschnittlichen Geschwindigkeit von 17 km/h und die andere Hälfte mit einer durchschnittlichen Geschwindigkeit von 13 km/h.

Grundsätzlich gilt: $\text{Geschwindigkeit} = \frac{\text{Weg}}{\text{Zeit}}$

Wir können also nicht einfach $\frac{17+13}{2}$ rechnen, da wir zuerst die benötigte Zeit ermitteln müssen (diese ist für die beiden Abschnitte nicht gleich, da er mit unterschiedlichen durchschnittlichen Geschwindigkeiten gefahren ist).

Zeit für erste Hälfte: $\frac{7,7}{17} = 0,452 \dots$

Zeit für zweite Hälfte: $\frac{7,7}{13} = 0,592 \dots$

Verwenden wir nun die Formel von oben, so erhalten wir für die durchschnittliche Geschwindigkeit des gesamten Weges:

$$\frac{15,4}{\frac{7,7}{17} + \frac{7,7}{13}} = 14,73 \dots$$

Die Behauptung von Attila ist also falsch.



c) 1)

Zur besseren Darstellung führen wir eine Zufallsvariable X ein:

X ... Anzahl der befragten Personen, die einen Helm tragen

X ist binomialverteilt mit den Parametern n und $p = 0,38$

Der Parameter n ist dabei unbekannt. Wir können nun die vier Ereignisse jeweils mit der Zufallsvariable X formulieren und finden mit der Formel für die Binomialverteilung jeweils die richtige Lösung:

1: $P(X \geq 1) = 1 - P(X = 0) = 1 - 0,62^n \rightarrow C$

2: $P(X \leq 1) = P(X = 0) + P(X = 1) = 0,62^n + n \cdot 0,38^1 \cdot 0,62^{n-1} \rightarrow A$

3: $P(X \leq n - 1) = 1 - P(X = n) = 1 - 0,38^n \rightarrow E$

4: $P(X = n) = 0,38^n \rightarrow F$

