

# 2 ZAHLEN UND ZAHLENMENGEN

## Arbeitsblatt ZAHLBEREICHE

### GRUNDKOMPETENZEN

AG-R 1.1 Wissen über die **Zahlenmengen**  $\mathbb{N}$ ,  $\mathbb{Z}$ ,  $\mathbb{Q}$ ,  $\mathbb{R}$  ... verständig einsetzen können.

Name: \_\_\_\_\_

**A 1** Gegeben sind Aussagen über Zahlen und Zahlmengen.

**Aufgabenstellung:**

Kreuze die beiden korrekten Aussagen an!

Jede natürliche Zahl ist Element der Menge $\mathbb{Q}$ .	<input type="checkbox"/>
Es gibt keine kleinste natürliche Zahl.	<input type="checkbox"/>
Jede reelle Zahl kann in Bruchdarstellung angeschrieben werden.	<input type="checkbox"/>
Der Quotient zweier rationaler Zahlen kann eine ganze Zahl sein.	<input type="checkbox"/>
Die Quadratwurzel jeder rationalen Zahl ist stets eine rationale Zahl.	<input type="checkbox"/>

**A 2** Gegeben sind Aussagen über rationale und reelle Zahlen.

**Aufgabenstellung:**

Kreuze die korrekte(n) Aussage(n) an!

Jede reelle Zahl besitzt eine Bruchdarstellung.	<input type="checkbox"/>
Jede rationale Zahl besitzt entweder eine endliche oder eine periodische Dezimaldarstellung.	<input type="checkbox"/>
Jede rationale Zahl ist eine reelle Zahl.	<input type="checkbox"/>
Jede reelle Zahl ist eine rationale Zahl.	<input type="checkbox"/>
Jede irrationale Zahl besitzt eine unendliche Dezimaldarstellung.	<input type="checkbox"/>

**A 3** Gegeben sind die Mengen  $\mathbb{N}$  und  $\mathbb{Z}^-$ .

**Aufgabenstellung:**

Bilde den Durchschnitt und die Vereinigung der beiden Mengen!

$\mathbb{N} \cap \mathbb{Z}^- =$  \_\_\_\_\_  $\mathbb{N} \cup \mathbb{Z}^- =$  \_\_\_\_\_

**A 4** Nimmt man das Gegenteil einer Behauptung an und zeigt, dass diese Annahme zu einem Widerspruch führt, spricht man von einem indirekten Beweis.

**Aufgabenstellung:**

Beweise auf diese Art, dass es keine rationale Zahl mit  $x^2 = 3$  gibt!



- A 1

- A 2

- A 3  $\mathbb{N} \cap \mathbb{Z}^- = \{\}$        $\mathbb{N} \cup \mathbb{Z}^- = \mathbb{Z}$

- A 4 Wir nehmen an, dass es eine rationale Zahl  $x$  mit  $x^2 = 3$  gibt. Die Zahl  $x$  ist dann von der Form  $\frac{z}{n}$  (mit  $z \in \mathbb{Z}$  und  $n \in \mathbb{N}^*$ ).  $\frac{z}{n}$  ist so weit wie möglich durchgekürzt. Es ist  $n > 1$ , denn wäre  $n = 1$ , so gäbe es eine ganze Zahl  $x$  mit  $x^2 = 3$ . Es gibt aber keine ganze Zahl, deren Quadrat 3 ist. Da  $\frac{z}{n}$  so weit wie möglich durchgekürzt ist, kann man auch  $\frac{z}{n} \cdot \frac{z}{n}$  nicht mehr kürzen und somit ist  $x^2$  keine ganze Zahl. Das ist ein Widerspruch zur Annahme, dass  $x^2 = 3$  ist.

