

LÖSUNG ZU 713:

Hauptbedingung:

$$u(a,b) = 2(a + b)$$

Nebenbedingung:

$$A = a \cdot b$$

$$b = \frac{A}{a}$$

Zielfunktion:

$$u(a) = 2 \left(a + \frac{A}{a} \right) = 2a + \frac{2A}{a}$$

$$u'(a) = 2 - \frac{2A}{a^2}$$

$$u''(a) = -\frac{4A}{a^3}$$

$$\begin{aligned} u'(a) = 0 & \quad \Rightarrow \quad 2 - \frac{2A}{a^2} = 0 \\ & \quad \quad \quad 2a^2 = 2A \\ & \quad \quad \quad a^2 = A \\ & \quad \quad \quad a = \sqrt{A} \end{aligned} \quad u''(\sqrt{A}) < 0, \text{ d.h. Maximum}$$

$$b = \frac{A}{\sqrt{A}} = \frac{A\sqrt{A}}{A} = \sqrt{A}$$

Bei gegebenem Flächeninhalt A hat das Rechteck mit den Seitenlängen $a = b = \sqrt{A}$ den maximalen Umfang. Es handelt sich um ein Quadrat.

