

LÖSUNG ZU 703

a)

$$N(t) = -\frac{1}{25}t^3 + t^2$$

$$-\frac{1}{25}t^3 + t^2 = 30 \quad \rightarrow \quad t_1 \approx -5 \text{ (nicht sinnvoll)} \quad t_2 \approx 6,34 \quad t_3 \approx 23,66$$

Im Intervall $[6,3; 23,7]$ liegt die Anzahl der Erkrankten Personen bei über 30.

b)

$$N'(t) = -\frac{3}{25}t^2 + 2t$$

$$N'(t) = -\frac{3}{25}t^2 + 2t$$

$$N''(t) = -\frac{6}{25}t + 2$$

$$N'(t) = 0 \quad \rightarrow \quad -\frac{3}{25}t^2 + 2t = 0 \quad \rightarrow \quad t_1 = 0 \quad t_2 \approx 16,67 \approx 17$$

$N''(17) < 0$, d.h. nach rund 17 Tagen ist Anzahl der Erkrankten Personen am größten.

Es gibt rund $N(17) \approx 92,48$ d.h. 93 Erkrankte.

c)

Das Krümmungsverhalten von N wird mit der 2. Ableitung ermittelt:

$$N''(10) = -\frac{6}{25} \cdot 10 + 2 = -0,4 \text{ d.h. die Anzahl der Neuerkrankten nimmt ab.}$$

d)

Bestimmen des Maximums der Änderungsrate der Anzahl der Erkrankten:

$$N''(t) = 0$$

$$-\frac{6}{25}t + 2 = 0 \quad \rightarrow \quad t \approx 8,33$$

Nach rund 8,3 Tagen ist die Zunahme der Erkrankten am stärksten.

e)

Die Erkrankungsgeschwindigkeit wird mit der ersten Ableitung ermittelt:

$$N'(t) = 0$$

$$-\frac{3}{25}t^2 + 2t = 0 \quad \rightarrow \quad t_1 = 0 \quad t_2 \approx 16,67$$

Nach rund $16,67 \approx 17$ Tagen hat die Anzahl der Erkrankten ihren maximalen Wert erreicht. D.h. ab dem 17. Tag geht die Anzahl der Erkrankten zurück.

