

LÖSUNG ZU 706 a):

$$\frac{1}{2} \cdot \left[\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 2 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix} \right] = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} \quad F = (1 \mid 1 \mid 0)$$

Die Grundfläche der Pyramide liegt in der xy -Ebene. Da die Höhe der Pyramide 12 ist, gibt es für die Spitze der Pyramide zwei Lösungen:

$$\overrightarrow{FA} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -1 \\ -1 \\ 0 \end{pmatrix} \quad \overrightarrow{FB} = \begin{pmatrix} 2 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} -1 \\ -1 \\ 0 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 2 \end{pmatrix} \quad \frac{\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 2 \end{pmatrix}}{\sqrt{4}} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$S_1 = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} + 12 \cdot \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ -1 \end{pmatrix} \quad S_2 = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} + 12 \cdot \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$S_1 = (1 \mid 1 \mid -12) \quad S_2 = (1 \mid 1 \mid 12)$$

$$\overrightarrow{BA} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 2 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -2 \\ -2 \\ 0 \end{pmatrix} \quad \overrightarrow{BC} = \begin{pmatrix} 2 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 2 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$$

$$\overrightarrow{BA} \times \overrightarrow{BC} = \begin{pmatrix} -2 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 0 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ -4 \end{pmatrix}$$

$$\left| \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ -4 \end{pmatrix} \right| = 4$$

$$V = \frac{G \cdot h}{3} = \frac{4 \cdot 12}{3} = 16$$

